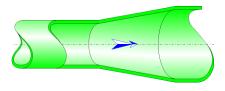


Elargissement progressif Section circulaire (Pipe Flow - Guide)



Description du modèle :

Ce modèle de composant calcule la perte de charge (chute de pression) générée par l'écoulement dans un élargissement progressif. La perte de charge par frottement dans l'élargissement progressif est prise en compte pour des angles de cône est inférieures à 60°, au-delà de cet angle la perte de charge par frottement devient négligeable.

La perte de charge par frottement dans la tuyauterie d'entrée et de sortie n'est pas prise en compte dans ce composant.

Formulation du modèle :

Rapport entre le petit et le grand diamètre :

$$\beta = \frac{d_1}{d_2}$$

Angle au sommet du cône (°):

$$\alpha = 2 \cdot \tan^{-1} \left(\frac{d_2 - d_1}{2 \cdot I} \right)$$

Aire de la petite section (m²):

$$A_1 = \pi \cdot \frac{{d_1}^2}{4}$$

Aire de la grande section (m²):

$$A_2 = \pi \cdot \frac{{d_2}^2}{4}$$

Vitesse moyenne d'écoulement dans le petit diamètre (m/s):

$$V_1 = \frac{Q}{A_1}$$

Vitesse moyenne d'écoulement dans le grand diamètre (m/s):

$$V_2 = \frac{Q}{A_2}$$

Débit massique (kg/s):

$$G = Q \cdot \rho_m$$

Volume de fluide dans le tronc de cône (m³):

$$V = I \cdot \frac{\pi}{3} \cdot \left(\left(\frac{d_1}{2} \right)^2 + \left(\frac{d_2}{2} \right)^2 + \left(\frac{d_1}{2} \right) \cdot \left(\frac{d_2}{2} \right) \right)$$

Masse de fluide dans le tronc de cône (kg):

$$M = V \cdot \rho_m$$

Nombre de Reynolds dans le petit diamètre :

$$N_{\text{Re}_1} = \frac{V_1 \cdot d_1}{v}$$

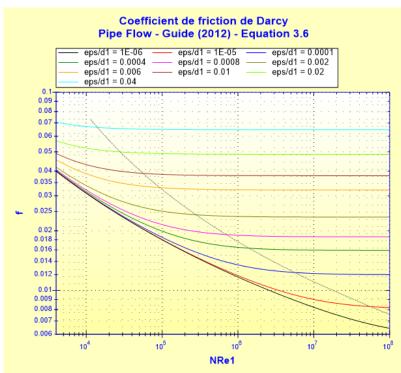
Nombre de Reynolds dans le grand diamètre :

$$N_{\text{Re}_2} = \frac{V_2 \cdot d_2}{v}$$

Coefficient de friction de Darcy :

$$f = \frac{1}{\left[2 \cdot \log \left(\frac{\varepsilon}{3.7 \cdot d_1} + \frac{2.51}{N \operatorname{Re}_1 \cdot \sqrt{f}}\right)\right]^2}$$

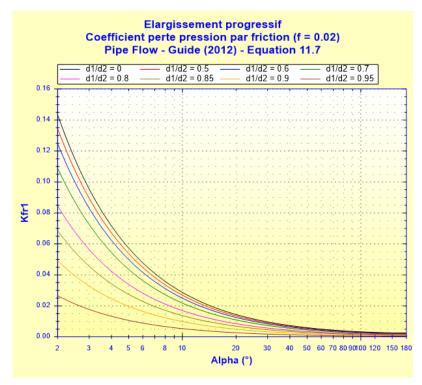
Colebrook-White equation ([1] equation 3.6)



Coefficient de perte de pression par friction

$$K_{fr1} = \frac{f \cdot (1 - \beta^4)}{8 \cdot \sin(\frac{\alpha}{2})}$$

([1] équation 11.7)



([1] équation 11.7 avec f =

0.02)

Coefficient de perte de pression totale (basé sur la vitesse moyenne dans le petit diamètre) :

 \blacksquare 0° $\leq \alpha \leq$ 20°:

$$K_1 = 8.30 \cdot \left[\tan \left(\frac{\alpha}{2} \right) \right]^{1.75} \cdot \left(1 - \beta^2 \right)^2 + \frac{f \cdot \left(1 - \beta^4 \right)^2}{8 \cdot \sin \left(\frac{\alpha}{2} \right)^2}$$

([1] équation 11.8)

- $20^{\circ} \le \alpha < 60^{\circ}$:
 - $0 \le \beta < 0.5$

$$\textit{K}_{1} = \left\{1.366 \cdot \sin \left[\left(2 \cdot \left(\alpha - 15\right)^{1/2}\right)\right] - 0.170 - 3.28 \cdot \left(\left(0.0625 - \beta^{4}\right) \cdot \sqrt{\frac{\alpha - 20}{40}}\right)\right\} \cdot \left(1 - \beta^{2}\right)^{2} + \frac{f \cdot \left(1 - \beta^{4}\right)}{8 \cdot \sin \left(\frac{\alpha}{2}\right)} \right\} \cdot \left(1 - \beta^{2}\right)^{2} + \frac{f \cdot \left(1 - \beta^{4}\right)}{8 \cdot \sin \left(\frac{\alpha}{2}\right)} \right) \right\} \cdot \left(1 - \beta^{2}\right)^{2} + \frac{f \cdot \left(1 - \beta^{4}\right)}{8 \cdot \sin \left(\frac{\alpha}{2}\right)} \right)$$

([1] équation 11.9a)

• $0.5 \le \beta \le 1$

$$K_{1} = \left\{1.366 \cdot \sin\left[\left(2 \cdot (\alpha - 15)^{1/2}\right)\right] - 0.170\right\} \cdot \left(1 - \beta^{2}\right)^{2} + \frac{f \cdot \left(1 - \beta^{4}\right)}{8 \cdot \sin\left(\frac{\alpha}{2}\right)}$$

([1] équation

11.9b)

■ $60^{\circ} \le \alpha \le 180^{\circ}$:

•
$$0 \le \beta < 0.5$$

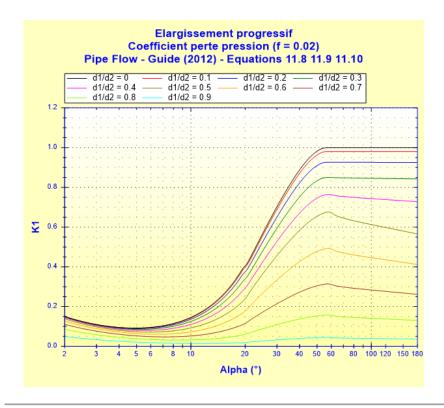
$$K_{1} = \left[1.205 - 3.28 \cdot \left(0.0625 - \beta^{4}\right) - 12.8 \cdot \beta^{6} \cdot \sqrt{\frac{\alpha - 60}{120}}\right] \cdot \left(1 - \beta^{2}\right)^{2}$$
 ([1]

équation 11.10a)

• $0.5 \le \beta \le 1$

$$K_1 = \left[1.205 - 0.20 \cdot \sqrt{\frac{\alpha - 60}{120}}\right] \cdot \left(1 - \beta^2\right)^2$$

([1] équation 11.10b)



Coefficient de résistance locale :

■
$$0^{\circ} \le \alpha < 60^{\circ}$$
:

$$K_{L1} = K_1 - K_{fr1}$$

■ $60^{\circ} \le \alpha \le 180^{\circ}$:

$$K_{L1} = K_1$$

Perte de pression totale (Pa):

$$\Delta P = K_1 \cdot \frac{\rho_m \cdot V_1^2}{2}$$

Perte de charge totale de fluide (m):

$$\Delta H = K_1 \cdot \frac{{V_1}^2}{2 \cdot g}$$

Perte de puissance hydraulique (W):

$$Wh = \Delta P \cdot Q$$

d₁

Symboles, définitions, unités SI :

d ₂	Grand diamètre (m)
β	Rapport entre le petit et le grand diamètre ()
α	Angle au sommet du cône (°)
1	Longueur du tronc de cône (m)

Aire de la petite section (m²)
 Aire de la grande section (m²)

Petit diamètre (m)

Q Débit volumique (m³/s)

V1 Vitesse moyenne d'écoulement dans le petit diamètre (m/s)
 V2 Vitesse moyenne d'écoulement dans le grand diamètre (m/s)

G Débit massique (kg/s)

V Volume de fluide dans le tronc de cône (m³)

M Masse de fluide dans le tronc de cône (kg)

NRe1 Nombre de Reynolds dans le petit diamètre ()

NRe2 Nombre de Reynolds dans le grand diamètre ()

f Coefficient de friction de Darcy ()
ε Rugosité absolue de la paroi du cône (m)

K_{fr1} Coefficient de perte de pression par friction ()

K_{L1} Coefficient de résistance locale ()

 K_1 Coefficient de perte de pression totale (basé sur la vitesse moyenne dans

le petit diamètre) ()

 ΔP Perte de pression totale (Pa)

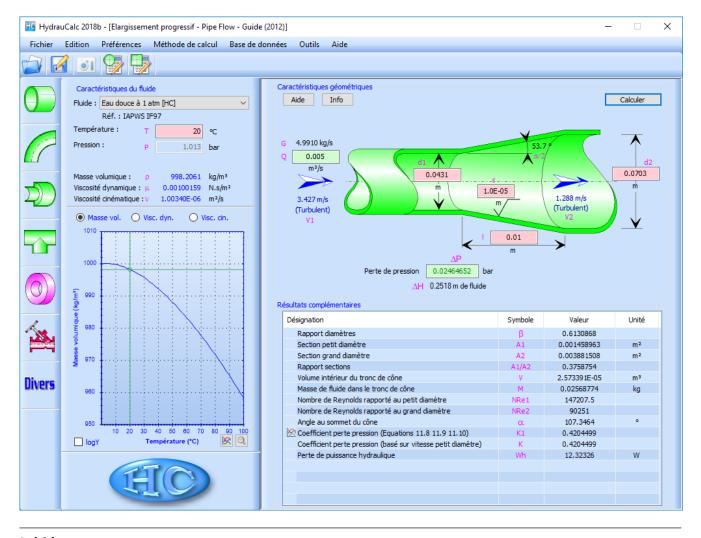
 ΔH Perte de charge totale de fluide (m) Wh Perte de puissance hydraulique (W)

ρ_m Masse volumique du fluide (kg/m³)
 ν Viscosité cinématique du fluide (m²/s)
 g Accélération de la pesanteur (m/s²)

Domaine de validité :

régime d'écoulement turbulent dans le petit diamètre (NRe1 ≥ 10⁴)

Exemple d'application :



Référence :

[1] Pipe Flow: A Practical and Comprehensive Guide. Donald C. Rennels and Hobart M. Hudson. (2012)

HydrauCalc Edition: novembre 2018

© François Corre 2018